

Le mouvement & vitesse

Situation déclenchante

Durant un voyage en train, un voyageur assis est-il en mouvement ou immobile ?

Bilan: les deux ! Cela dépend du point de vue de l'observateur : pour un autre voyageur assis, il est immobile, pour un promeneur qui voit passer le train, il est en mouvement.

Le mouvement et le repos ayant un concept relatif. L'état d'un objet est décrit par rapport à un autre objet qui sert de référence.

Exemples :

I- Le référentiel

1- Définition d'un référentiel

Un référentiel est solide ou un ensemble de solide par rapport auquel le mouvement est étudié.

Dans la vie courante, le référentiel qui nous permet de décrire un mouvement est généralement **le sol** : c'est le **référentiel terrestre**.

L'étude d'un système nous imposé de déterminer : un repère d'espace & un repère de temps.

2- Repère d'espace

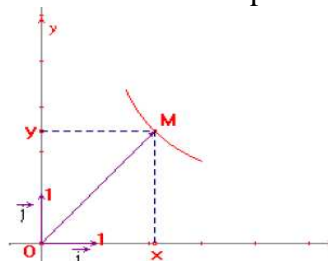
Le repère d'espace permet de déterminer la position du mobile (l'objet en mouvement) par rapport à une position arbitraire choisie comme origine. Le choix du repère d'espace se ramène au choix d'un système d'axes à la référence.

i) **Sur une droite** : si le mouvement est rectiligne



La position du mobile est déterminée par la connaissance de l'abscisse x du vecteur position \overline{OM} .

ii) **Sur le plan** : si le mouvement est dans le plan

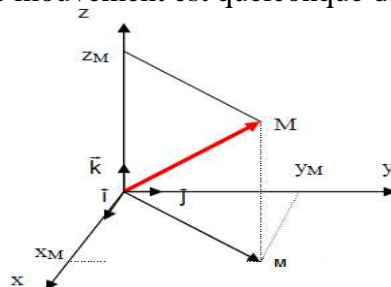


$$\overline{OM} = x\vec{i} + y\vec{j}$$

$$\|\overline{OM}\| = \sqrt{x^2 + y^2}$$

Lorsque le mouvement s'effectue dans un plan, il est intéressant de travailler dans un repère orthonormé pour repérer la position du mobile.

iii) **Sur l'espace** : si le mouvement est quelconque dans l'espace



$$\overline{OM} = x_M\vec{i} + y_M\vec{j} + z_M\vec{k}$$

$$\|\overline{OM}\| = OM = \sqrt{x_M^2 + y_M^2 + z_M^2}$$

3- Repère de temps

Lorsqu'un objet est en **mouvement**, les coordonnées de ses différents points varient dans le temps. Il est alors nécessaire de définir un **repère de temps**.

C'est en général **un chronomètre** mesurant les durées qui s'écoulent depuis une origine connue (déclenchement du chrono).

L'unité de mesure du temps (seconde, heure, jour, année).

L'appareil de mesure du temps (un chronomètre, une horloge).

Remarque : La durée est l'intervalle de temps qui sépare deux dates (elle est toujours positive) :

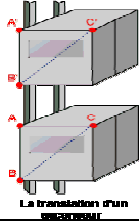
$$\Delta t = t_{final} - t_{initial}$$



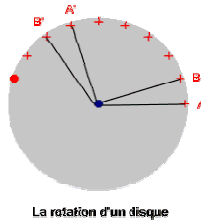
4- la trajectoire

On appelle trajectoire d'un mobile, l'ensemble des positions successives qu'il occupe au cours de son déplacement dans un repère donné.

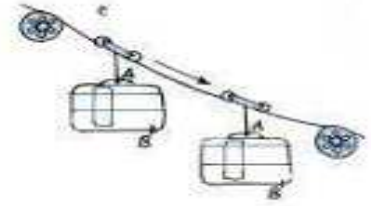
Un mobile effectue un mouvement de translation si n'importe quel de ses segments se déplace en conservant la même direction.



Un mobile effectue un mouvement de rotation si tous ses points décrivent des arcs de cercle (ou de cercle) centrés sur l'axe de rotation.

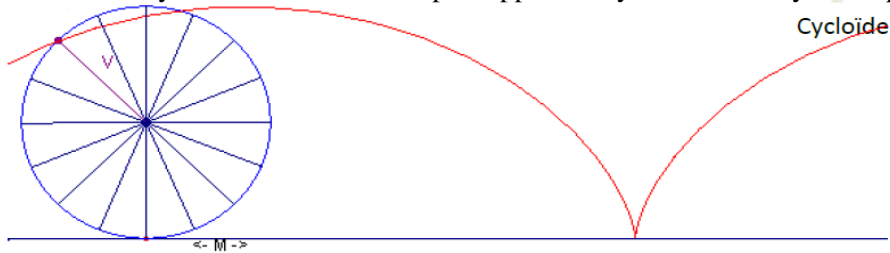


Un mobile effectue un mouvement curviligne si tous ses points décrivent une courbe.



Remarque:

Exemple : la valve d'une roue de bicyclette décrit un cercle par rapport au cycliste et une cycloïde par rapport à la route.



II- le concept du mouvement

1- Notions de la vitesse

On caractérise la rapidité d'un mouvement par une grandeur physique appelé vitesse. Cette grandeur est liée à la distance parcourue et à la durée du parcours.



Exemple d'application : Un gendarme arrête un automobiliste et lui certifie qu'il vient de le flasher à 157,6 km.h⁻¹. Le conducteur lui répond que c'est impossible car il ne roule que depuis 2 heures et il n'a parcouru que 120 km.

Calculer la vitesse moyenne de l'automobiliste.

Que représente alors la vitesse indiquée par le gendarme?

2- Vitesse moyenne

2- 1- Définition

Lorsqu'un mobile parcourt une distance ℓ pendant une durée Δt , sa vitesse moyenne est :

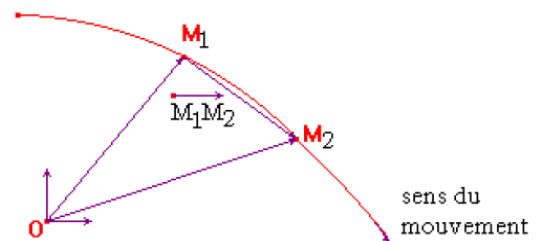
Remarque : l'unité de vitesse la plus couramment utilisée est le **kilomètre par heure (km/h)**; c'est l'unité usuelle mais ce n'est pas l'**unité légale**.

$$\frac{1m}{1s} = \frac{\dots\dots km}{\dots\dots h} = \dots\dots km / h$$

2- 2- Vecteur vitesse

Si à l'instant t_1 le mobile est en M_1 , et à l'instant t_2 le mobile est en M_2 . Le vecteur moyenne \vec{V}_m entre les instants t_1 et t_2 est :

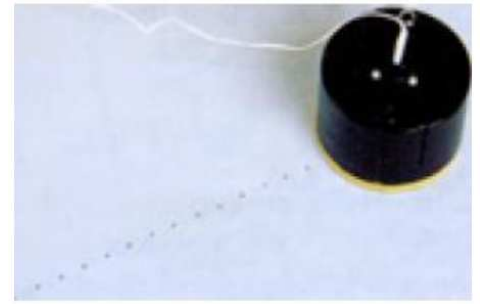
avec $\vec{M_1M_2}$ est le vecteur déplacement.



3- Vitesse instantanée

i) Définition : Lorsqu'un mobile parcourt une distance infiniment petite $\delta \ell$ pendant une durée très petite δt , sa vitesse instantanée est :

ii) **Détermination pratique :** Un enregistrement est l'ensemble des points (brûlures locales) laissés par un mobile autoporteur à des intervalles égaux notés τ .



iii) **Cas d'un mouvement rectiligne :** Un mouvement est rectiligne lorsque la trajectoire est une droite.

A un instant t_i quelconque :

Exemple : On donne l'enregistrement créé par un mobile autoporteur par une échelle réelle avec $\tau = 20$ ms.

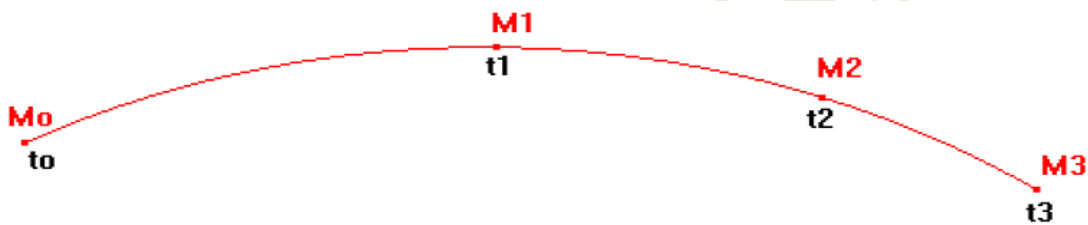


Calculons v_1 , v_2 et v_3 .

iv) **Cas d'un mouvement curviligne :** Un mouvement est curviligne lorsque la trajectoire présente une courbure.

A un instant t_i quelconque :

Exemple : On donne l'enregistrement créé par un mobile autoporteur par une échelle réelle avec $\tau = 20$ ms.



Calculons v_1 et v_2 .

v) **Caractéristique de vecteur vitesse instantanée :** Dans un repère, le vecteur vitesse $\vec{v}(t)$ du point mobile à l'instant t lorsqu'il passe en M , représenté par une flèche et est caractérisé par :

.....

.....

.....

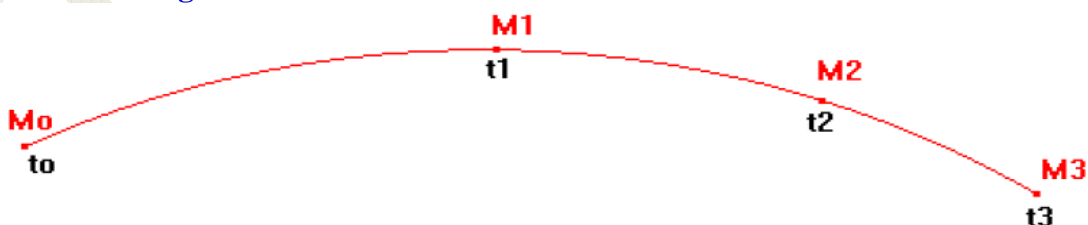
.....

vi) **Représenter les vecteurs vitesses instantanées, en utilisant une échelle convenable, dans le cas d'un :**

Mouvement rectiligne



Mouvement curviligne



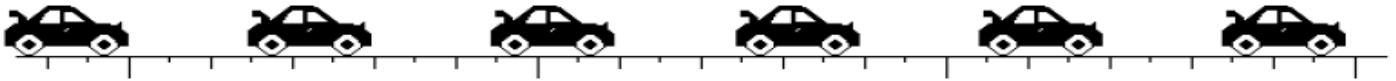
Remarque : à un instant, la vitesse de tous les points d'un solide indéformable est la même.

III- Etude de quelques mouvements

1- Mouvement rectiligne uniforme

1- 1- Définition

Un solide animé d'un mouvement rectiligne uniforme si et seulement si le vecteur vitesse est constante et garde donc la même direction, le même sens et la même norme du mouvement.



1- 2- Equation horaire d'un mouvement rectiligne

2- Mouvement rectiligne varie

Un mobile est en mouvement rectiligne varié s'il se déplace sur une droite avec une vitesse variable.

2- 1- mouvement est accéléré

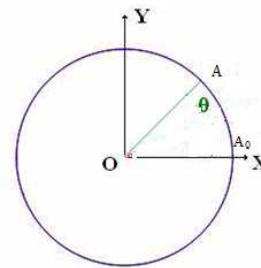


2- 2- mouvement décéléré (ralenti)



3- Mouvement circulaire uniforme

3- 1- Définition : Un mobile est en mouvement circulaire s'il se déplace sur un cercle (trajectoire circulaire) avec un vecteur vitesse de module constant.



3- 2- Abscisse angulaire

On prend la direction de l'axe OX comme direction référentiel, et on oriente la trajectoire du point A dans le sens du mouvement.

Définition : On appelle abscisse angulaire du point A à un instant t la valeur algébrique de l'angle $\theta = (\overrightarrow{Ox}, \overrightarrow{OA})$.

L'unité de mesure en SI est le radian noté : rad.

Pratiquement on choisit le sens positif le sens contraire des aiguilles de l'horloge.

3- 3- Abscisse curviligne

On prend le point A_0 comme référence des abscisses curvilignes, et en orientant la trajectoire du point A dans le sens du mouvement.

Définition : On appelle curviligne du point mobile A à un instant t la valeur algébrique de la distance

$$s = A_0A$$

L'unité de mesure en SI est le mètre noté : m.

s grandeur algébrique sa signe dépend de l'orientation de la trajectoire.

3- 4- La relation entre l'abscisse curviligne et l'abscisse angulaire

.....

.....

.....

.....

3- 5- la vitesse angulaire moyenne

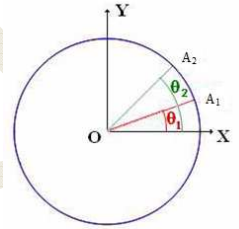
Lorsqu'un corps est en mouvement de rotation autour d'un axe fixe (Δ). Le point A occupe la position A_1 à l'instant t_1 et la position A_2 à l'instant t_2 , les deux positions étant repérées par les abscisses angulaires θ_1 et θ_2 .

Définition : La vitesse angulaire moyenne ω_m du point A entre t_1 et t_2 est donnée par la relation suivante :

.....

.....

.....



3- 6- Relation entre vitesse linéaire et vitesse angulaire

.....

.....

.....

.....

Remarque : la direction de vecteur vitesse \vec{V} est tangentiel à tout instant et son sens est celle du mouvement.

3 - 7- les propriétés de rotation uniforme

i) **la période :** La période T d'un mouvement de rotation uniforme est égale à la durée d'un tour.

.....

.....

ii) **la fréquence :** La fréquence f d'un mouvement de rotation uniforme est le nombre de période par seconde donc le nombre de tour par seconde.

.....

.....

.....

3- 8- Equation horaire d'un mouvement circulaire uniforme

si θ et θ_0 sont des abscisses angulaires, d'un point M mobile du corps, successivement aux instants t et t_0 .

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

V- Applications